

**«УТВЕРЖДАЮ»**

Директор  
ФГБНУ «Федеральный институт  
педагогических измерений»



О.А. Решетникова

«10» *ноября* 2020 г.

**«СОГЛАСОВАНО»**

Председатель  
Научно-методического совета  
ФГБНУ «ФИПИ» по математике

А.Л. Семенов

«10» *ноября* 2020 г.

**Государственная итоговая аттестация по образовательным  
программам основного общего образования в форме  
основного государственного экзамена (ОГЭ)**

**Спецификация  
контрольных измерительных материалов для проведения  
в 2021 году основного государственного экзамена  
по МАТЕМАТИКЕ**

подготовлена Федеральным государственным бюджетным  
научным учреждением  
«ФЕДЕРАЛЬНЫЙ ИНСТИТУТ ПЕДАГОГИЧЕСКИХ ИЗМЕРЕНИЙ»

**Спецификация  
контрольных измерительных материалов для проведения  
в 2021 году основного государственного экзамена  
по МАТЕМАТИКЕ**

**1. Назначение контрольных измерительных материалов (КИМ) ОГЭ**

Основной государственный экзамен (ОГЭ) представляет собой форму государственной итоговой аттестации, проводимой в целях определения соответствия результатов освоения обучающимися основных образовательных программ основного общего образования соответствующим требованиям федерального государственного образовательного стандарта. Для указанных целей используются контрольные измерительные материалы (КИМ), представляющие собой комплексы заданий стандартизированной формы.

ОГЭ проводится в соответствии с Федеральным законом «Об образовании в Российской Федерации» от 29.12.2012 № 273-ФЗ и Порядком проведения государственной итоговой аттестации по образовательным программам основного общего образования, утвержденным приказом Минпросвещения России и Рособнадзора от 07.11.2018 № 189/1513.

**2. Документы, определяющие содержание КИМ ОГЭ**

Содержание КИМ определяется на основе федеральный государственный образовательный стандарт основного общего образования (приказ Министерства образования и науки РФ от 17.12.2010 № 1897) с учётом Примерной основной образовательной программы основного общего образования (одобрена решением Федерального учебно-методического объединения по общему образованию (протокол от 8.04.2015 № 1/15)).

В КИМ обеспечена преемственность проверяемого содержания с федеральным компонентом государственного образовательного стандарта основного общего образования по математике (приказ Минобрнауки России от 05.03.2004 № 1089 «Об утверждении федерального компонента государственных образовательных стандартов начального общего, основного общего и среднего (полного) общего образования»).

**3. Подходы к отбору содержания, разработке структуры КИМ ОГЭ**

Структура КИМ ОГЭ отвечает цели построения системы дифференцированного обучения математике в современной школе. Дифференциация обучения направлена на решение двух задач: формирования у всех обучающихся базовой математической подготовки, составляющей функциональную основу общего образования, и одновременного создания условий, способствующих получению частью обучающихся подготовки повышенного уровня, достаточной для активного использования математики во время дальнейшего обучения.

КИМ разработаны с учётом положения о том, что результатом освоения основной образовательной программы основного общего образования должна

стать математическая компетентность выпускников, т.е. они должны: овладеть специфическими для математики знаниями и видами деятельности; научиться преобразованию знания и его применению в учебных и внеучебных ситуациях; сформировать качества, присущие математическому мышлению, а также овладеть математической терминологией, ключевыми понятиями, методами и приёмами.

В экзаменационной модели используется система оценивания заданий с развёрнутым ответом, основанная на следующих принципах.

1. Возможны различные способы и записи развёрнутого решения. Главное требование – решение должно быть математически грамотным, из него должен быть понятен ход рассуждений экзаменуемого. В остальном (метод, форма записи) решение может быть произвольным. Полнота и обоснованность рассуждений оцениваются независимо от выбранного метода решения. При этом оценивается продвижение выпускника в решении задачи, а не недочёты по сравнению с «эталонным» решением.

2. При решении задачи можно использовать без доказательств и ссылок математические факты, содержащиеся в учебниках и учебных пособиях, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ среднего общего образования.

Тексты заданий предлагаемой модели экзаменационной работы в целом соответствуют формулировкам, принятым в учебниках и учебных пособиях, включённым в Федеральный перечень учебников, рекомендуемых Министерством просвещения РФ к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ основного общего образования.

#### 4. Связь экзаменационной модели ОГЭ с КИМ ЕГЭ

Содержательное единство требований государственной итоговой аттестации за курс основной и средней школы обеспечивается общими подходами к разработке заданий. Между заданиями ОГЭ и ЕГЭ имеется преемственность по формам заданий и тематике, особенно в части практико-ориентированных заданий и тех элементов содержания, где впоследствии у выпускников 11 классов возникают массовые трудности (задачи на доказательство в геометрии, на исследование уравнений и неравенств).

Связь экзаменационных моделей ОГЭ и ЕГЭ также обеспечивается единством и преемственностью кодификаторов элементов содержания и требований к уровню подготовки выпускников по математике. Оба кодификатора строятся на основе раздела «Математика» федерального компонента государственного стандарта общего образования.

#### 5. Характеристика структуры и содержания КИМ ОГЭ

Работа содержит 25 заданий и состоит из двух частей. Часть 1 содержит 19 заданий с кратким ответом; часть 2 – 6 заданий с развёрнутым ответом.

При проверке базовой математической компетентности экзаменуемые должны продемонстрировать владение основными алгоритмами, знание и понимание ключевых элементов содержания (математических понятий, их свойств,

приёмов решения задач и проч.), умение пользоваться математической записью, применять знания к решению математических задач, не сводящихся к прямому применению алгоритма, а также применять математические знания в простейших практических ситуациях.

Задания части 2 направлены на проверку владения материалом на повышенном и высоком уровнях. Их назначение – дифференцировать хорошо успевающих школьников по уровням подготовки, выявить наиболее подготовленных обучающихся, составляющих потенциальный контингент профильных классов. Эта часть содержит задания повышенного и высокого уровней сложности из различных разделов математики. Все задания требуют записи решений и ответа. Задания расположены по нарастанию трудности: от относительно простых до сложных, предполагающих свободное владение материалом и высокий уровень математической культуры.

Таблица 1. Распределение заданий по частям экзаменационной работы

| № | Часть работы | Тип заданий   | Количество заданий | Максимальный первичный балл |
|---|--------------|---|--------------------|-----------------------------|
| 1 | Часть 1      | С кратким ответом в виде одной цифры, которая соответствует номеру правильного ответа | 2                  | 2                           |
| 2 | Часть 1      | С кратким ответом в виде числа, последовательности цифр                               | 17                 | 17                          |
| 3 | Часть 2      | С развёрнутым ответом   | 6                  | 12                          |
|   | Итого        |   | 25                 | 31                          |

#### 6. Распределение заданий КИМ ОГЭ по содержанию, проверяемым умениям и способам деятельности

Часть 1. В этой части экзаменационной работы содержатся задания по всем ключевым разделам математики, отражённым в кодификаторе элементов содержания (КЭС). Количество заданий по каждому из разделов кодификатора примерно соответствует удельному весу этого раздела в курсе. Распределение заданий по разделам содержания приведено в таблице 2.

Таблица 2. Распределение заданий части 1 по разделам содержания курса математики

| Код по КЭС | Название раздела         | Количество заданий |
|------------|--------------------------|--------------------|
| 1          | Числа и вычисления       | 7                  |
| 2          | Алгебраические выражения | 1                  |
| 3          | Уравнения и неравенства  | 2                  |

| Код по КЭС | Название раздела                 | Количество заданий |
|------------|----------------------------------|--------------------|
| 4          | Числовые последовательности      | 1                  |
| 5          | Функции и графики                | 1                  |
| 6          | Координаты на прямой и плоскости | 1                  |
| 7          | Геометрия                        | 5                  |
| 8          | Статистика и теория вероятностей | 1                  |

Ориентировочная доля заданий части 1, относящихся к каждому из разделов кодификатора требований, представлена в таблице 3.

Таблица 3. Распределение заданий части 1 по проверяемым умениям и способам действий

| Код по КТ | Основные умения и способы действий  | Количество заданий |
|-----------|---|--------------------|
| 1         | Уметь выполнять вычисления и преобразования   | 2                  |
| 2         | Уметь выполнять преобразования алгебраических выражений   | 1                  |
| 3         | Уметь решать уравнения, неравенства и их системы  | 2                  |
| 4         | Уметь строить и читать графики функций  | 1                  |
| 5         | Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами   | 4                  |
| 6         | Уметь работать со статистической информацией, находить частоту и вероятность случайного события   | 1                  |
| 7         | Уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни, уметь строить и исследовать простейшие математические модели | 8                  |

Часть 2. Задания части 2 направлены на проверку таких качеств математической подготовки выпускников, как:

- уверенное владение формально-оперативным алгебраическим аппаратом;
- умение решить комплексную задачу, включающую в себя знания из разных тем курса алгебры;
- умение решить планиметрическую задачу, применяя различные теоретические знания курса геометрии;
- умение математически грамотно и ясно записать решение, приводя при этом необходимые пояснения и обоснования;
- владение широким спектром приёмов и способов рассуждений.

Распределение заданий части 2 по разделам кодификаторов элементов содержания и требований к уровню подготовки выпускников представлено в таблицах 4 и 5.

Таблица 4. Распределение заданий части 2 по разделам содержания курса математики

| Код по КЭС | Название раздела        | Количество заданий |
|------------|-------------------------|--------------------|
| 3          | Уравнения и неравенства | 2                  |
| 5          | Функции и графики       | 1                  |
| 7          | Геометрия               | 3                  |

Таблица 5. Распределение заданий части 2 по проверяемым умениям и способам действий

| Код по КТ | Основные умения и способы действий   | Количество заданий |
|-----------|--|--------------------|
| 3         | Уметь решать уравнения, неравенства и их системы   | 1                  |
| 4         | Уметь строить и читать графики функций   | 1                  |
| 5         | Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами  | 2                  |
| 7.3       | Моделировать реальные ситуации на языке алгебры; составлять выражения, уравнения и неравенства по условию задачи; исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры | 1                  |
| 7.8       | Проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений, распознавать ошибочные заключения  | 1                  |

### 7. Распределение заданий КИМ по уровням сложности

В табл. 6 приведено распределение заданий КИМ по уровням сложности.

Таблица 6. Распределение заданий экзаменационной работы по уровням сложности

| Уровень сложности заданий | Количество заданий | Максимальный первичный балл |
|---------------------------|--------------------|-----------------------------|
| Базовый                   | 19                 | 19                          |
| Повышенный                | 4                  | 8                           |
| Высокий                   | 2                  | 4                           |
| Итого                     | 25                 | 31                          |

Часть 1 состоит из заданий базового уровня сложности (Б). В КИМ задания по уровню сложности распределяются следующим образом: 8 заданий с предполагаемым процентом выполнения 80–90, 7 заданий с предполагаемым процентом выполнения 70–80 и 4 задания с предполагаемым процентом выполнения 60–70.

Часть 2 состоит из заданий повышенного (П) и высокого (В) уровней сложности. Планируемые проценты выполнения заданий частей 2 приведены в таблице 7.

Таблица 7. Планируемые проценты выполнения заданий части 2

|                               |       |       |      |       |       |      |
|-------------------------------|-------|-------|------|-------|-------|------|
| Номер задания                 | 20    | 21    | 22   | 23    | 24    | 25   |
| Уровень сложности             | П     | П     | П    | П     | В     | В    |
| Ожидаемые проценты выполнения | 30–50 | 15–30 | 3–15 | 30–50 | 15–30 | 3–15 |

### 8. Продолжительность ОГЭ по математике

На выполнение экзаменационной работы отводится 235 минут.

### 9. Дополнительные материалы и оборудование

Перечень дополнительных материалов и оборудования, использование которых разрешено на ОГЭ, утверждён приказом Минпросвещения России и Рособнадзора. Участникам разрешается использовать линейку, не содержащую справочной информации; выдаваемые вместе с КИМ справочные материалы, содержащие основные формулы курса математики образовательной программы основного общего образования.

### 10. Система оценивания выполнения отдельных заданий и экзаменационной работы в целом

Для оценивания результатов выполнения работ участниками экзамена используется суммарный первичный балл. В таблице 8 приводится система формирования общего балла.

Таблица 8. Система формирования суммарного первичного балла

| Максимальное количество баллов за одно задание |         | Максимальное количество баллов |            |                   |
|--|---------|--------------------------------|------------|-------------------|
| Часть 1  | Часть 2 | За часть 1                     | За часть 2 | За работу в целом |
| № 1–19   | № 20–25 |                                |            |                   |
| 1  | 2       | 19                             | 12         | 31                |

Задания, ответы на которые оцениваются 1 баллом, считаются выполненными верно, вписан верный ответ (в заданиях с кратким ответом), или правильно соотнесены объекты двух множеств, и записана соответствующая последовательность цифр (в заданиях на установление соответствия).

Задания, ответы на которые оцениваются в 2 балла, считаются выполненными верно, если экзаменуемый выбрал правильный путь решения, из письменной записи решения понятен ход его рассуждений, получен верный ответ. В этом случае ему выставляется максимальный балл, соответствующий данному заданию. Если в решении допущена ошибка, не имеющая принципиального характера и не влияющая на общую правильность хода решения, то участнику экзамена выставляется 1 балл.

Максимальное количество первичных баллов за выполнение всей экзаменационной работы, – 31.

В соответствии с Порядком проведения государственной итоговой аттестации по образовательным программам основного общего образования (приказ

Минпросвещения России и Рособнадзора от 07.11.2018 № 189/1513, зарегистрирован Минюстом России 10.12.2018 № 52953)

«64. Экзаменационные работы проверяются двумя экспертами. По результатам проверки эксперты независимо друг от друга выставляют баллы за каждый ответ на задания экзаменационной работы... В случае существенного расхождения в баллах, выставленных двумя экспертами, назначается третья проверка. Существенное расхождение в баллах определено в критериях оценивания по соответствующему учебному предмету.

Третий эксперт назначается председателем предметной комиссии из числа экспертов, ранее не проверявших экзаменационную работу.

Третьему эксперту предоставляется информация о баллах, выставленных экспертами, ранее проверявшими экзаменационную работу. Баллы, выставленные третьим экспертом, являются окончательными».

Существенным считается следующее расхождение.

1. Расхождение в баллах, выставленных двумя экспертами за выполнение любого из заданий 20–25, составляет 2 балла. Третий эксперт проверяет только ответ на те задания, которые вызвали столь существенное расхождение.

2. Расхождения в баллах, выставленных двумя экспертами в двух или более заданиях (из заданий 20–25). Третий эксперт проверяет ответы на все задания 20–25.

На основе баллов, выставленных за выполнение всех заданий работы, подсчитывается суммарный первичный балл, который переводится в отметку по пятибалльной шкале.

### 11. Изменения в КИМ 2021 года по сравнению с 2020 годом

В рамках усиления акцента на проверку применения математических знаний в различных ситуациях количество заданий уменьшилось на одно за счет объединения заданий на преобразование алгебраических (задание 13 в КИМ 2020 г.) и числовых выражений (задание 8 в КИМ 2020 г.) в одно задание на преобразование выражений на позиции 8 в КИМ 2021 г.

Задание на работу с последовательностями и прогрессиями (задание 12 в КИМ 2020 г.) заменено на задание с практическим содержанием, направленное на проверку умения применять знания о последовательностях и прогрессиях в прикладных ситуациях (задание 14 в КИМ 2021 г.).

Скорректирован порядок заданий в соответствии с тематикой и сложностью.

Максимальный первичный балл уменьшен с 32 до 31.

**Обобщённый план варианта КИМ  
основного государственного экзамена 2021 года  
по МАТЕМАТИКЕ**

*Уровни сложности заданий: Б – базовый; П – повышенный; В – высокий.*

| № | Основные проверяемые требования к математической подготовке  | Коды проверяемых элементов содержания | Коды разделов элементов содержания | Уровень сложности | Максимальный балл за выполнение задания |
|---|--|---------------------------------------|------------------------------------|-------------------|---|
|   |  |                                       |                                    |                   |   |
| 1 | Уметь выполнять вычисления и преобразования, уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни, уметь строить и исследовать простейшие математические модели | 1–8                                   | 1, 7                               | Б                 | 1                                       |
| 2 | Уметь выполнять вычисления и преобразования, уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни, уметь строить и исследовать простейшие математические модели | 1–8                                   | 1, 7                               | Б                 | 1                                       |
| 3 | Уметь выполнять вычисления и преобразования, уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни, уметь строить и исследовать простейшие математические модели | 1–8                                   | 1, 7                               | Б                 | 1                                       |
| 4 | Уметь выполнять вычисления и преобразования, уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни, уметь строить и исследовать простейшие математические модели | 1–8                                   | 1, 7                               | Б                 | 1                                       |
| 5 | Уметь выполнять вычисления и преобразования, уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни, уметь строить и исследовать простейшие математические модели | 1–8                                   | 1, 7                               | Б                 | 1                                       |
| 6 | Уметь выполнять вычисления и преобразования  | 1                                     | 1                                  | Б                 | 1                                       |

|                |  |               |      |   |   |
|----------------|--|---------------|------|---|---|
| 7              | Уметь выполнять вычисления и преобразования  | 1, 6          | 1    | Б | 1 |
| 8              | Уметь выполнять вычисления и преобразования, уметь выполнять преобразования алгебраических выражений   | 1, 2          | 1, 2 | Б | 1 |
| 9              | Уметь решать уравнения, неравенства и их системы   | 3             | 3    | Б | 1 |
| 10             | Уметь работать со статистической информацией, находить частоту и вероятность случайного события, уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни, уметь строить и исследовать простейшие математические модели | 8             | 6, 7 | Б | 1 |
| 11             | Уметь строить и читать графики функций   | 5             | 4    | Б | 1 |
| 12             | Осуществлять практические расчёты по формулам; составлять несложные формулы, выражающие зависимости между величинами   | 2             | 7    | Б | 1 |
| 13             | Уметь решать уравнения, неравенства и их системы   | 3, 6          | 3    | Б | 1 |
| 14             | Уметь строить и читать графики функций, уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни, уметь строить и исследовать простейшие математические модели  | 4             | 4, 7 | Б | 1 |
| 15             | Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами  | 7             | 5    | Б | 1 |
| 16             | Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами  | 7             | 5    | Б | 1 |
| 17             | Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами  | 7             | 5    | Б | 1 |
| 18             | Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами  | 7             | 5    | Б | 1 |
| 19             | Проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений, распознавать ошибочные заключения  | 7             | 7    | Б | 1 |
| <b>Часть 2</b> |  |               |      |   |   |
| 20             | Уметь выполнять преобразования алгебраических выражений, решать уравнения, неравенства и их системы  | 2, 3          | 2, 3 | П | 2 |
| 21             | Уметь выполнять преобразования алгебраических выражений, решать уравнения, неравенства и их системы, строить и читать графики функций, строить и исследовать простейшие математические модели  | 2, 3, 4, 5, 6 | 3, 7 | П | 2 |

|    |   |                     |      |   |   |
|----|---|---------------------|------|---|---|
| 22 | Уметь выполнять преобразования алгебраических выражений, решать уравнения, неравенства и их системы, строить и читать графики функций, строить и исследовать простейшие математические модели | 2, 3,<br>4, 5,<br>6 | 2, 4 | В | 2 |
| 23 | Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами   | 7                   | 5    | П | 2 |
| 24 | Проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений, распознавать ошибочные заключения   | 7                   | 7    | П | 2 |
| 25 | Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами   | 7                   | 5    | В | 2 |

Всего заданий – **25**; из них  
 по типу заданий: заданий с кратким ответом – **19**; заданий с развёрнутым ответом – **6**;  
 по уровню сложности: Б – **19**; П – **4**; В – **2**.  
 Максимальный первичный балл за работу – **31**.  
 Общее время выполнения работы – **235 минут**.